

## **МЦЩЯНДИС ГУРЬУЛАРЫ ВЯ ИНШААТ КОСТРУКСИЙАЛАРЫ**

**К. М. МЯММЯДОВ, АЛИ МОЩЯММЯДИ**

### **ДОК ТИПЛИ КАМЕРАНЫН ЧЕВИК ДИБ КОНСТРУКСИЙАСЫНЫН ЛИОСВАРИ БАТАН ГРУНТЛАРДА СЯРБЯСТ РЯГСЛЯРИНИН ЩЕСАБЛАНМАСЫ**

Дайаныгсыз структуралы лиосвари грунтлар мцхтялиф юлклярин яразиляринде эениш йайылмышдыр. Бир чох щалларда щидротехники, сянаие, мцлки вя няглийат тикинтиляри дайаныгсыз структуралы, лиосвари батан, еляжя дя шишиян эил грунтлары шяraitинде инша едилер. Бу грунтларын ясас хцусийятляри ондан ибараттадыр ки, тябии щалда онлар кифайят гядяр мюшкямлия малик олурлар. Лакин, су иля исландыгда онларын мюшкямлик параметрлари жидди дяйишиклия уйрайыр вя олдугжа буюцк вя гейри мцнтязям диференсийа йаратмаг габилийятиня малик олурлар [1].

Док типли камераларын лиосвари батан грунтларда чевик диге конструксияларынын статики вя динамики тясириларда деформасийайа щесабланмасы мцряккяб контакт мясяляларин щялли илия баьлыдыры.

Бу щяр шейдян яввял онунла баьлыдыр ки, лиосвари батан грунтларда тясадци исланма мяркязинин конструксиянын щансы щиссаясиндя йерляшмясиндян асылы олараг бцноврятинин сяртлик ямсалы жидди дяйишиклия уйрайыр. Одур ки, бцноврят грунтуун сяртлик ямсалы тяйин едилдикде нямлямнянин ян ялверишсиз щалы нязяря алыныр.

Док типли камераларын чевик диге конструксияснын узунлуу бойунжа лиосвари батан грунтуун сяртлик ямсалынын дяйишияси ашавыдакы шякилдя гябул олунур [1]:

$$K(x) = K_0 + (K_L - K_0) \frac{x^2}{L^2}, \quad (1)$$

Бурада  $K_0 = \alpha K_L$  – лиосвари батан грунтуун диге конструксияснын сол уж кясийин-

дя сяртлик ямсалы ( $x=0$  олдугда);  $K_L$  – конструксиянын саь кянар кясийинде бцноврятинин сяртлик ямсалы ( $x=L$  олдугда);  $\alpha$  - бцноврятинин сыхылмасынын дяйишимия ямсалы,  $\alpha = \frac{E_{min.}}{E_{max.}}$ ;  $E_{max.}$  вя  $E_{min.}$  –

гурьунун отуражаг контуру дахилинде лиосвари батан грунтуун максимум вя минимум деформасийа модулларыдыр.

Йухарыда эюстярилян (1) диструндан вя Фусс-Винклер моделиндян истифада етмекля док типли камераларын чевик диге конструксияснын лиосвари батан грунт бцноврятинин истянилян анда эюстяридий реактив мцгавимият ашавыдакы ифада иля тяйин едя билярик:

$$\begin{aligned} q_{qr.}(x,t) &= -K(x)Y(x,t) = \\ &= -\left[ K_0 + (K_L - K_0) \frac{x^2}{L^2} \right] Y(x,t), \end{aligned} \quad (2)$$

Бурада  $\bar{Y}(x,t)$  – истянилян анда камера-нын чевик диге конструксияснын яйилмя рягсинин ординатыдыр.

(2) моделиндян истифада етдикде чевик диге конструксияснын сярбяст яйилмя рягслиринин диференсиал тянилии ашавыдакы шякилдя йазыла биляр:

$$\begin{aligned} \frac{\partial^4 Y(x,t)}{\partial x^4} + (a_0 + a_1 x^2) Y(x,t) + \\ + \bar{m}_{uee.} \frac{\partial^2 Y(x,t)}{\partial x^2} = 0, \end{aligned} \quad (3)$$

бурада,

$$\begin{cases} a_0 = \frac{K_0}{EJ}, [m^{-4}]; & a_1 = \frac{(K_L - K_0)}{L^2 EJ}, [m^{-6}]; \\ \bar{m}_{uee.} = \frac{m_{uee.}}{EJ} = \frac{m_{dua} + m_W}{EJ}, & [m^{-4} san^2] \end{cases} \quad (4)$$

бурада  $E\ddot{X}$  - дид конструксийасынын яй-илмия сяртлийи  $[m \cdot m^2]$ ;  $L$ - дид конструксийасынын узунлууу,  $m_{\text{дид}}$  - дид конструксиуасынын күтлемясы  $\left( m_{\text{дид}} = \frac{q_{\text{дид}}}{g} \right)$ ,  $M_w$ -камераны долдуран суйун күтлемясы ( $m_w = \frac{q_w}{g}$ ).

(3) диференциал тянилийинин щяллини гурмаг ццн Фурье явязлямасындян истифада ядяк. Бу щалда ахтарылан  $\ddot{Y}(x, m)$  функциуасы ики функцийанын щасили шяклиндя гябуул едилир, бунлардан бири йалныз  $X$ - дян, диэяри ися йалныз  $m$ - дян асылы олур:

$$\ddot{Y}(x, m) = X(x)T(m) \quad (5)$$

(5) - и (3) - дя нязяря алсаг, йаза билярик:

$$\frac{X^{BIB}(x) + (a_0 + a_1 x^2)X(x)}{\bar{m}_{\text{дид}} X(x)} = -\frac{T''(t)}{T(t)} = \omega_n^2, \quad (6)$$

(6) ифадяси ясасында ашыыдакылары алтырыг:

$$T''(t) + \omega_n^2 T(t) = 0; \quad (7)$$

$$X^{BIB}(x) - \psi(x) \cdot X(x) = 0. \quad (8)$$

Бу ифадяларды  $\omega_n$  - сярбяст рягслирин тезлийидир ( $\text{сан}^{-1}$ ).

$$\psi(x) = (a_\omega - a_1 x^2), \quad (9)$$

$$a_\omega = \omega_n^2 \bar{m}_{\text{дид}} - a_0. \quad (10)$$

(7) тянилийинин щяллини ашыыдакы кими ифада едирик:

$$T(t) = A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t, \quad (11)$$

$A_n$  вя  $B_n$ - ихтийари интеграл сабитляри-дир.

(8) диференциал тянилий чевик дид конструксийасынын лисвари батан грунтларда яйлмия рягслиринин баш формасыны ифада едир. Бу тянилийин щяллини мювжуд тяхмини цсулларла гурмаг мцмкнендэр. Бахылан динамики

контакт мясяля ашыыдакы сярщяд шяртляриня маликдир:

$$\begin{aligned} X(0) &= x_0; \quad X'(0) = \theta_0; \\ X''(0) &= \frac{M_0}{EJ}; \quad X'''(0) = \frac{Q_0}{EJ}. \end{aligned} \quad (12)$$

(8) диференциал тянилийини (12) сярщяд шяртляри дахилиндя дюргат интегралласаг аларыг:

$$\begin{aligned} X(x) &= x_0 + \theta_0 X + \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} \cdot \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!} + \\ &+ \int_0^x (a_\omega - a_1 z^2) X(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \end{aligned} \quad (13)$$

Яэяр

$$\begin{aligned} X_0(x) &= X_{\text{сиг}}(x) = X_0 + \theta_0 X + \\ &+ \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} + \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!}, \end{aligned} \quad (14)$$

ишаря етсек, бу щалда (13) интеграл тянилийини ашыыдакы шакилдя йаза билярик:

$$\begin{aligned} X(x) &= X_0(x) + \\ &+ \int_0^x (a_\omega - a_1 z^2) X(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \end{aligned} \quad (15)$$

Динамики сярщяд функциясы (14)-дян истифада етмекля (15) интеграл тянилийинин щяллини Пикар ардыжыл йа-хынлашма цсулу или гууруг:

$$\begin{aligned}
X_0(x) &= X_{cap}(x) = X_0 + \theta_0 X + \\
&+ \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} + \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!}; \\
X_1(x) &= X_0(x) + \\
&+ \int_0^x (a_w - a_I z^2) X_0(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\
X_2(x) &= X_0(x) + \\
&+ \int_0^x (a_w - a_I z^2) X_1(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\
X_3(x) &= X_0(x) + \\
&+ \int_0^x (a_w - a_I z^2) X_2(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\
&\dots \\
X_n(x) &= X_0(x) + \\
&+ \int_0^x (a_w - a_I z^2) X_{n-1}(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \tag{16}
\end{aligned}$$

Бу гайда иля тапылмыш щядди  $X_h(x)$  функцийасында дюрд башланыңк параметрляря эюря функцийалары груплашдырсаг, бахылан динамики контакт мясяляниң щяллини ашашыдакы шякилдя аларыг:

$$X_n(x) = X_0 \Phi_1(x) + \theta_0 \Phi_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \Phi_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} \Phi_4(x) \quad (17)$$

бұрада  $\Phi_1(x)$ ,  $\Phi_2(x)$ ,  $\Phi_3(x)$  вя  $\Phi_4(x)$  бағылан мөсияттін бир-бириндяң хятты асылы олмайан дюрд хұсуси щылли олуб, док типли камеранын грунт бәннюврязя сүйкенян чевик диге конструксиясынын яйилмға рягслярини ифадя едир. Бу функциялар ашықтақы сонсуз сыраларын жами кими тәжіин едилір:

$$\begin{aligned} \Phi_I(x) &= I + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_\omega^n + x^{4n}}{(4n)!} + \sum_{n=1}^{\infty} (-I)^n \times \\ &\quad \times \frac{a_I^n + x^{6n}}{(6n)!} [1 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 8 \cdots (6n-5)(6n-4)] \times \quad (18) \\ &\quad \times a_\omega \left[ \sum_{n=1}^{\infty} (-I)^n \frac{a_I^n + x^{6n+4}}{(6n+4)!} t_{I,n} \right] + \dots; \end{aligned}$$

$$\Phi_2(x) = x + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n + x^{4n+1}}{(4n+1)!} + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \times \\ \times \frac{a_l^n + x^{6n+1}}{(6n+1)!} [2 \cdot 3 \cdot 8 \cdot 9 \cdots (6n-4)(6n-3)] + \quad (19)$$

$$+ a_\omega \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_1^n + x^{6n+5}}{(6n+5)!} t_{2,n} + \dots;$$

$$\begin{aligned} \Phi_3(x) = & \frac{x^2}{2!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n + x^{4n+2}}{(4n+2)!} + \\ & + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_l^n + x^{6n+2}}{(6n+2)!} \times \\ & \times [3 \cdot 4 \cdot 9 \cdot 10 \cdots (6n-3)(6n-2)] + \\ & + a_{\omega} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_l^n + x^{6n+6}}{(6n+6)!} t_{3,n} + \dots; \end{aligned} \quad (20)$$

$$\varPhi_4(x) = \frac{x^3}{3!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n^n + x^{4n+3}}{(4n+3)!} +$$

$$+ \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_1^n + x^{6n+3}}{(6n+3)!} \times$$

$$\times [4 \cdot 5 \cdot 10 \cdot 11 \cdots (6n-2)(6n-1)] +$$

$$+ a_{\omega} \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_l^n + x^{6n+7}}{(6n+7)!} t_{4,n} + \dots;$$

(18)-(21) ифадяляринде  $m_{u,n}$  ( $u=1 \dots 4$ ) ям-саллары ашызыдакыларды:

$$\begin{aligned} m_{1,h} &= 32; \quad 4336; \dots; \quad m_{3,h} = 68; \quad 13450; \dots; \\ m_{2,h} &= 48; \quad 7920; \dots; \quad m_{4,h} = 92; \quad 21520; \dots; \\ (22) \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \theta_n(x) = X_0 \Phi'_1(x) + \theta_0 \Phi'_2(x) + \\ + \frac{M_0}{EJ} \Phi'_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} \Phi'_4(x); \\ \frac{M_n(x)}{EJ} = X_0 \Phi''_1(x) + \theta_0 \Phi''_2(x) + \\ + \frac{M_0}{EJ} \Phi''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} \Phi''_4(x); \\ \frac{Q_n(x)}{EJ} = X_0 \Phi'''_1(x) + \theta_0 \Phi'''_2(x) + \\ + \frac{M_0}{EJ} \Phi'''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} \Phi'''_4(x). \end{array} \right. \quad (23)$$

(11) вя (17) щялли ясасында диге конструксийасынын сярбяст яйилмия рягсляриин истиналиян анда ихтийари кясикдя амплитудуну, дюнмя бужавыны, яйижи моментини вя  
кясижи гүзвяни тайин етмяк ццн ашавыдақы щесаблама дистурларыны алырыг:

$$\left\{ \begin{array}{l} Y_n(x, t) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ X_0 \Phi'_1(x) + \theta_0 \Phi'_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \times \right. \\ \left. \times \Phi'_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} \Phi'_4(x) \right] \times (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \theta_n(x, t) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ X_0 \Phi'_1(x) + \theta_0 \Phi'_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \Phi'_3(x) + \right. \\ \left. + \frac{Q_0}{EJ} \Phi'_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \frac{M_n(x, t)}{EJ} = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ X_0 \Phi''_1(x) + \theta_0 \Phi''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \Phi''_3(x) + \right. \\ \left. + \frac{Q_0}{EJ} \Phi''_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \frac{Q_n(x, t)}{EJ} = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ X_0 \Phi'''_1(x) + \theta_0 \Phi'''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \Phi'''_3(x) + \right. \\ \left. + \frac{Q_0}{EJ} \Phi'''_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t). \end{array} \right. \quad (24)$$

(24) ифадяляринде  $\Phi_b(x)$  функцияларынын илк цч тяртибдяң тюрямеляри уйын олараг (18)÷(21) функцияларыны ардыжыл диференциалламагла таптылыр. Эюрциндийц кими  $\Phi_b(x)$  функциялары вя онун тюрямеляри сонсуз сыраларын жами кими таптылыр. Бу сыраларын сцрятинде кичик параметрлар олан  $a_\omega$  вя  $a_1$  иштирак едир, мяхряжинде ися артан факториал ядядляр мовжуддур. Бу да сыраларын жялд йыбылмасына шарайт ярадыр. Она эюря дя практики щесабла-

маларда шяр бир функцийанын вя еляжя дя онун тюрямелярини ифадяляринде биринжи 2-3 сыра илия мяшудудлашмаг вя еляжя дя шяр сыралын 2-3 щядди илия гянаятлянмяк олар.

(24) дистурларынын бириңисиня ясасын диге конструксийасынын нюгтляринин йердяйишмаси сцряти ашавыдақы кими тайин едилер:

$$\left. \begin{array}{l} V_n(x, t) = \frac{\partial Y_n(x, t)}{\partial t} = \\ = \sum_{n=1}^{\infty} \omega_n X_n(x) (A_n \cos \omega_n t - B_n \sin \omega_n t). \end{array} \right. \quad (25)$$

Диге конструксийасынын яйилмия рягсляринин баш формасынын диференциал тянилийинин гурулмуш цумуми щялли (17) ясасында практикада тясадцф олунан ашавыдақы хцсуси щала бахаг.

Фярз едяк ки, бцнюврә грунтунун сяртлик ямсалы док камеранын диге конструксийасынын узунлуу бойунжа сабит вя яй интеграл-орта гиймят я маликдир, бу щалда:

$$\left\{ \begin{array}{l} K(x) = K_{ort.} = \frac{1}{L} \int_0^L \left[ K_0 + (K_L - \right. \\ \left. - K_0) \frac{x^2}{L^2} \right] dx = \frac{2K_0 + K_L}{3}; \\ a_0 = \frac{K_{ort.}}{EJ} = \frac{2K_0 + K_L}{3EJ}; \quad a_1 = 0; \\ \psi(x) = \psi_0 = a_\omega = \frac{\omega_n^2 \bar{m}_{\text{чет}} - K_{ort.}}{EJ}. \end{array} \right. \quad (26)$$

Бу шяртляри нязяря алдыгда (17) щяллинин (18)÷(21) функциялары уйын олараг ашавыдақы шякилдя йазылыр [2]:

$$\begin{cases} \Phi_1(x) = 1 + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n}}{4!} = \\ = \frac{1}{2} (ch \alpha x + \cos \alpha x); \\ \Phi_2(x) = x + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+1}}{(4n+1)!} = \\ = \frac{1}{2\alpha} (sh \alpha x + \sin \alpha x); \\ \Phi_3(x) = \frac{x^2}{2!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+2}}{(4n+2)!} = \\ = \frac{1}{2\alpha^2} (ch \alpha x + \cos \alpha x); \\ \Phi_4(x) = \frac{x^3}{3!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+3}}{(4n+3)!} = \\ = \frac{1}{2\alpha^3} (sh \alpha x + \sin \alpha x), \end{cases} \quad (27)$$

бұрада,

$$\alpha = \sqrt[4]{a_{\omega}} = \sqrt[4]{\frac{\omega_n^2 \bar{m}_{\text{кең}} - K_{\text{орт.}}}{EJ}} \quad (28)$$

Бұнлары нязяря аларға, (17) щяллини ашықтады кими йазмаг олар:

$$\begin{aligned} X_n(x) &= X_0 f_1(\alpha x) + \frac{\theta_0}{\alpha} f_2(\alpha x) + \\ &+ \frac{M_0}{\alpha^2 EJ} f_3(\alpha x) + \frac{Q_0}{\alpha^3 EJ} f_4(\alpha x). \end{aligned} \quad (29)$$

Сонунжу дәстурда  $\phi_n(\alpha x)$  ашықтадылардада:

$$\begin{cases} f_1(\alpha x) = \frac{1}{2} (ch \alpha x + \cos \alpha x); \\ f_2(\alpha x) = \frac{1}{2} (sh \alpha x + \sin \alpha x); \\ f_3(\alpha x) = \frac{1}{2} (ch \alpha x + \cos \alpha x); \\ f_4(\alpha x) = \frac{1}{2} (sh \alpha x + \sin \alpha x). \end{cases} \quad (30)$$

(29)-(30) хесуси щалдакы щяллиндян истифада етмекля яилмға рягсляринин тезлийини тапмаг ццн тяңлик алмаг олар. (29) щяллинің дюрд башланың параметр  $X_0$ ,  $\theta_0$ ,  $M_0$  вя  $\Gamma_0$  дахилдир. Бу па-

раметрлардың икиси бахылан динамики контакт мясылялар щазырлымыг ццн шямиша мәлумдур. Диәр икисини тапмаг ццн иса бахылан мясылянин сярщяд шартларындада истифада едярек хятти тяңлик системи гурмаг олар. Бу хятти тяңлик системинің мәжүл параметрлар дахил олан ямсалларындан тәртиб едилмиш детерминантты сығыра бярабар етмекля тезлик тяңлийини алмаг олар.

Яввялжы діб конструксийасынын ихтийари кәсийиндәки дүнмя бужауыны  $\theta_n(x)$ , яйизи моменти,  $M_n(x)$  вя кәсизи гүзвяни  $\Gamma_n(x)$  тәйин ктмек ццн (29) щялли ясасында щесаблама дәстурлары ала билиарик:

$$\begin{aligned} \frac{\theta_n(x)}{\alpha} &= x_0 f_4(\alpha x) + \frac{\theta_0}{\alpha} f_1(\alpha x) + \\ &+ \frac{M_0}{\alpha^2 EJ} f_2(\alpha x) + \frac{Q_0}{\alpha^3 EJ} f_3(\alpha x); \\ \frac{M_n(x)}{\alpha^2 EJ} &= x_0 f_3(\alpha x) + \frac{\theta_0}{\alpha} f_4(\alpha x) + \\ &+ \frac{M_0}{\alpha^2 EJ} f_1(\alpha x) + \frac{Q_0}{\alpha^3 EJ} f_2(\alpha x); \\ \frac{Q_n(x)}{\alpha^3 EJ} &= x_0 f_2(\alpha x) + \frac{\theta_0}{\alpha} f_3(\alpha x) + \\ &+ \frac{M_0}{\alpha^2 EJ} f_4(\alpha x) + \frac{Q_0}{\alpha^3 EJ} f_1(\alpha x). \end{aligned} \quad (31)$$

Алымыш (29)-(31) щялляри ясасындан док типли камеранын чевик діб конструксийасынын яйилмға рягсляринин тезлийиниң тапылмасы мясылясия бағаг:

1. Фярз етсек ки, камеранын чевик діб конструксийасынын щяр икі уж кәсийи грунт бінноврояя сярбяст отуур, бу щалда:

$$\begin{aligned} X_0 &\neq 0; \quad \theta \neq 0; \quad M_0 = 0; \quad \Gamma = 0; \\ M_n(L) &= 0; \quad \Gamma_n(L) = 0. \end{aligned}$$

Бу шартлары нязяря алдыгда (31) ифадяларинин сонунжу ики сятриня ясасын йаза билиарик:

$$D = \begin{vmatrix} f_3(\alpha L) & f_4(\alpha L) \\ f_2(\alpha L) & f_3(\alpha L) \end{vmatrix} = 0 \quad (32)$$

Алымыш детерминантты ачыб садаляш-дирсек, аларыг:

$$ch \alpha L \cdot cos \alpha L = 1. \quad (33)$$

Бу трансидент тяңлийин кюкç ашыда-  
қыларды:

$$\begin{aligned} (\alpha L)_1 &= 4,73; \quad (\alpha L)_2 = 7,8532; \\ (\alpha L)_3 &= 10,996; \quad (\alpha L)_4 = 14,137; \quad (34) \\ n > 4 \text{ olduqda} \quad (\alpha L)_n &= \left( n + \frac{1}{2} \right) \pi. \end{aligned}$$

(28) ифадясини нязяря алдыгда че-  
вик діб конструксийасынын сярбяст яй-  
илмә рягсляринин тезлийини тапмаг ццн  
ашыдақы дцтурлары аларыг:

$$\begin{cases} \omega_1 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 500,547 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ \omega_2 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 3803,53 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ \omega_3 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 14619,7 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ \omega_4 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 39941,9 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ n > 4 \text{ olduqda} \\ \omega_n = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + \frac{EJ}{m_{uee} L^4} \pi^4 \left( n + \frac{1}{2} \right)^4}. \end{cases} \quad (35)$$

2. Чевик діб конструксийасы сон уж кя-  
сиклярнда шарнир дайаглара сюйкя-  
нир. Бу шалда:

$$\begin{aligned} X=0; \quad \theta \neq 0; \quad M_0=0; \quad \Gamma_0 \neq 0; \\ X_h(L)=0; \quad M_h(L)=0; \end{aligned}$$

(31) щяллиндя бу шартлары нязяря алсаг,  
аларыг:

$$su\varphi L \cdot scu\varphi L = 0 \quad (36)$$

$su\varphi L \neq 0$  олдуундан

$$su\varphi L = 0,$$

аларыг. Бурадан да  $(\alpha L)_n = \pi n$  вя діб конструксийасынын ліосвари батан грунт  
бцнюврядя тезлик спектрини ашыдақы  
кими тяйин едирик:

$$\omega_n = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + \frac{EJ}{m_{uee}} \frac{\pi^4 n^4}{L^4}}$$

3. Док типли камеранын чевик діб конструксийасы сол уж кясикдя сярт бальланыштыр, сау уж кясийи  
ися шарнир дайана сюйкянир, йяни:

$$X=0; \quad \theta=0; \quad M_0 \neq 0; \quad \Gamma_0 \neq 0;$$

$$X_h(L)=0; \quad M_h(L)=0.$$

(31) щесаблама дцтурларына вя (28)  
шартиня ясасян ліосвари батан грунт-  
ларда док типли камеранын чевик діб  
конструксийасынын сярбяст яйилмә ряг-  
ляринин тезлик тяңлийини ашыдақы  
шакилдя аларыг:

$$\operatorname{th} \alpha L = \operatorname{tg} \alpha L. \quad (38)$$

Бу трансидент тяңлийин кюклари  
ашыдақы кимидир:

$$\begin{aligned} (\alpha L)_1 &= 3,927; \quad (\alpha L)_2 = 7,068; \\ n > 2 \text{ олдугда ися } (\alpha L)_n &= \frac{4n+1}{4} \pi \end{aligned}$$

(28) ифадясини нязяря алмагла тезлик спектрини ашыдақы ифадяларлар тяйин  
едирик:

$$\begin{cases} \omega_1 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 237,817 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ \omega_2 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + 2495,66 \frac{EJ}{m_{uee} L^4}}; \\ n > 4 \text{ olduqda} \\ \omega_n = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{uee}} + \left( n + \frac{1}{4} \right)^4 \frac{\pi^4}{L^4} \frac{EJ}{m_{uee}}}. \end{cases} \quad (39)$$

4. Камеранын чевик діб конструксийасы сау уж кясикдя сярт бальланыштыр, сол уж  
кясикдя ися ліосвари батан бцнюврядя  
сярбяст отурмушшур, йяни:

$$\begin{aligned} x_0 \neq 0; \quad \theta_0 \neq 0; \quad M_0=0; \quad \Gamma_0=0; \\ X_h(L)=0; \quad \Gamma_h(L)=0 \end{aligned}$$

(31) ифадялариня ясасян тезлик тяңлийини ашыдақы кими аларыг:

$$\operatorname{jsi} \alpha L \cdot \operatorname{jsos} \alpha L = -1 \quad (40)$$

Бу тяңлийин кюклари ашыдақы кими тяйин едирил:

$$\begin{cases} (\alpha L)_1 = 1,8751; & (\alpha L)_2 = 4,6941; \\ (\alpha L)_3 = 7,855; & (\alpha L)_4 = 10,996; \\ n > 4 \text{ олдуғда ися } (\alpha L)_{n+1} = \left( n + \frac{I}{2} \right) \cdot \pi. \end{cases} \quad (41)$$

(28) ифадясинаи нязария алсаг, тезлик спектрини тайин етмек үчүн ашырыдакы дүйнестер алаңы:

$$\begin{cases} \omega_1 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{\text{чел}}} + 12,3623 \frac{EJ}{m_{\text{чел}}L^4}}; \\ \omega_2 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{\text{чел}}} + 485,552 \frac{EJ}{m_{\text{чел}}L^4}}; \\ \omega_3 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{\text{чел}}} + 3807,02 \frac{EJ}{m_{\text{чел}}L^4}}; \\ \omega_4 = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{\text{чел}}} + 14619,7 \frac{EJ}{m_{\text{чел}}L^4}}; \\ n > 4 \text{ олдуқда} \\ \omega_{n+1} = \sqrt{\frac{2K_0 + K_L}{3m_{\text{чел}}} + \frac{EJ \cdot \pi^4}{m_{\text{чел}}L^4} \left( n + \frac{I}{2} \right)^4}. \end{cases} \quad (42)$$

Бу гайда иля чевик диб конструкциясыны ліосвари батан грунтларда дизэр сяршяд шартларында да (31) дүйнестерлер ясасында тезлик тянликлярини алмаг олар вя буна уйын да сярбастялмай рягслияринин тезликлярини вя тезлик спектрини тайин етмек мүмкіндір.

## ЯДЫБИЙАТ

1. А.А. Мустафаев. Фундаменты на просадочных и набухающих грунтах. Москва " Высшая школа". 1989.
2. И.Н.Бронштейн, К.А.Семеняев. Справочник по математике для инженеров и учащихся вузов. М., "Наука". 1981.

**К.М. Мамедов, Али Мохаммеди  
АШКАН, САФАР, ХОДАБАНДЕЛУ**

## О ПОГРЕШНОСТИ МЕТОДА МАТРИЧНОЙ ФАКТОРИЗАЦИИ В ЗАДАЧАХ УСТОЙЧИВОСТИ ОБОЛОЧЕК ВРАЩЕНИЯ

Askhan, Safar, KhodaBandehLou

## К вопросу расчета свободных изгибных колебаний днища доковых камер на лессовых просадочных грунтовых основаниях

### РЕЗЮМЕ

В статье рассматривается расчет свободных изгибных колебаний гибких днищ доковых камер с учетом случайног о увлажнениях лессового просадочного основания.

Исходя из модели Фусса-Винклера, характеризуемой параболического нелинейного изменения коэффициента жесткости лессового просадочного грунта в переделах гибкого днища, контактная задача по определению свободных изгибных колебаний сводится к обыкновенному линейному однородному дифференциальному уравнению четвертого порядка в частных производных. Использую разделения переменных по Фурье и принимая во внимание динамической краевой функции решение динамической контактной задачи реализовано методом последовательных приближений по Пикару. В результате получено полное решение дифференциального уравнения главной формы изгибных колебаний, выраженных

в перемещенных и усилиях.

Получено так же решение рассматриваемой задачи для интегрально-среднего значения коэффициента жесткости лессового просадочного грунта и на основании этого решения получены для различных граничных условий задачи уравнения частоты о так же необходимое спектры частот свободных изгибных колебаний.

Doctor of Philosophy of Technical Sciences  
Faculty of Engineering, Civil Engineering Department, Islamic Azad University,  
Iran, Urmia Branch, Email: ashkan72 @ rambler.ru

С учетом обозначений, принятых в [1], система уравнений устойчивости пологих оболочек вращения в матричной форме имеет вид

$$Y'' + HY' + GY = 0. \quad (1)$$

Причем H и G – квадратные матрицы 4-го порядка.

$$H = \begin{vmatrix} \frac{r'_o}{r_o} & 0 & -\left(k_{22} - k_{11} + a_{22}^0 - a_{11}^0\right) \frac{r'_o}{r_o} & 0 \\ 0 & \frac{r'_o}{r_o} & \left(t_{22}^0 - t_{11}^0\right) \frac{r'_o}{r_o} & \left(k_{22} - k_{11} + a_{22}^0 - a_{11}^0\right) \frac{r'_o}{r_o} \\ 0 & 0 & \frac{r'_o}{r_o} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{r'_o}{r_o} \end{vmatrix}$$

$$G = \begin{vmatrix} \frac{k^2}{r_0^2} & k_{11} + a_{22}^0 \left(k_{22} - k_{11} + a_{22}^0 - a_{11}^0\right) \frac{k^2}{r_o^2} & 0 \\ k_{22} - a_{22}^0 & t_{11}^0 - \frac{k^2}{r_0^2} & \left(t_{11}^0 - t_{22}^0\right) \frac{k^2}{r_0^2} - \left(k_{22} - k_{11} + a_{22}^0 - a_{11}^0\right) \frac{k^2}{r_0^2} \\ 0 & -1 & -\frac{k^2}{r_0^2} \\ -1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

Где  $r_o, k_{ii}, a_{ii}^0, t_{ii}^0$  – согласно [1] безразмерные величины, характеризующие соответственно кривизны оболочки, докритические изменения кривизн, усилия исходного состояния.

$\bar{Y} = \{\Phi, X, V, \Psi\}$  - 4 мерный вектор.

Вместо вектора-столбца  $\bar{Y}$  введем 8-мерный вектор-столбец  $U = \{Y, Y'\}$ . Тогда система уравнений устойчивости (1) примет следующий вид:

$$U' = AU. \quad (3)$$

Блочная матрица A 8-го порядка имеет структуру

$$A = \begin{bmatrix} 0 & E \\ -G & -H \end{bmatrix}. \quad (4)$$

Общее решение системы (3) записывается в виде:

$$U = Q_{x_*}^x(A) \cdot C, \quad (5)$$

где C – 8 - мерный столбец-константа  $Q_{x_*}^x(A)$  – нормированное решение системы (3) или [3] матрицант, представимый в виде сходящегося матричного ряда

$$Q_{x_*}^x(A) = E + \int_{x_0}^x Adx + \int_{x_0}^x Adx + \int_{x_0}^x Adx + \dots. \quad (6)$$

Разобьем интервал интегрирования системы (3) на  $m$  частей и полагая в пределах каждого участка разбиения матрицу A постоянной, с учетом свойств матрицанта ([3] стр. 431), получим:

$$\Omega_{x_0}^{x_I}(A) = e^A m^{\Delta x} m \cdot e^A m - \\ - I^{\Delta x} m - I \dots \cdot e^{A_0 \Delta x} \quad (7)$$

Далее, разлагая в ряд Маклорена выражение вида  $e^A k^{\Delta x} k$ , можем записать:

$$e^A k^{\Delta x} k = E + \frac{A_k \Delta x_k}{1!} + \dots + \frac{A_k^s \Delta x_k^s}{s!} + \dots \quad (8)$$

Если оборвать ряд (8) на  $s$ -члене, то с учетом (7),

$$\Omega_{x_0}^x(A) = \Pi_m \cdot \Pi_{m-1} \dots \cdot \Pi_0. \quad (9)$$

Через  $\Pi_i$  обозначены матричные многочлены вида:

$$\Pi_i = E + \frac{A_i \Delta x_i}{1!} + \dots + \frac{A_i^s \Delta x_i^s}{s!} \quad (10)$$

Таким образом, формула (б) заменена приближенным выражением (9). Анализируя формулы (6) — (9), можно сделать вывод, что в (9) имеется два источника погрешности, связанные соответственно с формулой (7) и аппроксимацией матричной экспоненты полиномом (10). Рассмотрим каждый случай отдельно и оценим погрешность, вносимую при этом в формулу (9).

**Погрешность, связанная с заменой матрицанта на матричную экспоненту.** Обозначим через  $\Delta x$  некоторый интервал разбиения отрезка интегрирования и разложим матрицу  $A$  в ряд по  $\Delta x$ .

$$A = A_0 + A'_0 \Delta x + \dots + \frac{A_0^{(k)} \Delta x^k}{k!} = A_0 + \tilde{A}.$$

Согласно [3],

$$\Omega_0^{\Delta x}(A_0 + \tilde{A}) = e^{A_0 \Delta x} \Omega_0^{\Delta x}(S),$$

где  $s = e^{-A_0 \Delta x} A e^{A_0 \Delta x}$  — квадратная матрица 8-го порядка. Введем в рассмотрение матрицу относительной погрешности

$$M = [\Omega_0^{\Delta x}(A) - \Omega_0^{\Delta x}(A_0)] \Omega_0^{\Delta x}(A)^{-1} = \\ = [\Omega_0^{\Delta x}(S) - E] \Omega_0^{\Delta x}(S)^{-1}. \quad (11)$$

Для спектральной нормы матрицы  $M$  имеем [4]

$$|\mu_n| \leq \|M\|, \quad (12)$$

где  $\mu_n$  — максимальное по модулю характеристическое число матрицы  $M$ . Если  $\lambda_I$  — собственные числа матрицы  $\Omega_0^{\Delta x}(S)$ , то

$$|\mu_n| = \max_i \left| \frac{\lambda_i - 1}{\lambda_i} \right| \geq \max_i \left| \frac{|\lambda_i| - 1}{\lambda_i} \right| = \left| \frac{|\lambda_I| - 1}{\lambda_I} \right|,$$

где  $\lambda_I$  — минимальный по модулю корень характеристического многочлена матрицы  $\Omega_0^{\Delta x}(S)$ .

Справедливо следующее неравенство

$$|\lambda_I| \leq \sqrt[n]{d}, \quad d = |\det \Omega_0^{\Delta x}(S)|, \quad (14)$$

$n$  — порядок матрицы. По формуле Якоби ([3] стр. 431)

$$d = \exp \int_0^{\Delta x} Sp(S) dx = \exp \int_0^{\Delta x} Sp(\tilde{A}) dx, \quad (15)$$

так как следы матриц  $s$  и  $\tilde{A}$  совпадают вследствие их подобия. Исходя из конкретной структуры матрицы (см. (2)), имеем:

$$Sp(\tilde{A}) = 4 \left( \frac{r_o'(x)}{r_o(x)} - \frac{r_o'(\zeta)}{r_o(\zeta)} \right) = \\ = 4(u(x) - u(\zeta)) = 4u'(\eta) \cdot \eta, \quad (16)$$

где  $|\zeta| \leq \Delta x, |\eta| \leq \Delta x$ . Используя в (15) теорему о среднем, получаем:

$$d = \exp 4u'(x) \cdot x \cdot \Delta x \leq \exp 4u'(x) \Delta x^2 \quad (17) \\ x \leq \Delta x$$

Следовательно,

$$|\lambda_{\min}| \leq \exp \frac{\max u'(x) \Delta x^2}{2} = \exp \gamma.$$

Откуда для  $\|M\|$  получаем нижнюю оценку:

$$\|M\| \geq \frac{|1 - \exp \gamma|}{\exp \gamma}. \quad (18)$$

Из (6) можно установить следующие неравенства:

$$\begin{aligned} \|\Omega_0^{\Delta x}(S)\| &\leq 1 + \left\| \int_0^{\Delta x} S dx \right\| + \\ &+ \left\| \int_0^{\Delta x} S dx \int_0^{\Delta x} S dx \right\| + \dots \leq \exp \int_0^{\Delta x} \|S\| dx, \quad (19) \\ \|\Omega_0^{\Delta x}(S) - E\| &\leq \exp \int_0^{\Delta x} \|S\| dx - 1, \end{aligned}$$

Далее так как  $\Omega_0^{\Delta x}(S) = \lim_{m \rightarrow \infty} \prod_{i=0}^m e^{-S_i^{\Delta x}}$ , то  $\Omega_0^{\Delta x}(S)^{-1} \leq \lim_{m \rightarrow \infty} \prod_{i=0}^{\infty} \|e^{S_i \Delta x}\| \leq \exp \int_0^{\Delta x} \|S\| dx,$

Таким образом, для верхней границы  $\|M\|$  получаем:

$$\|M\| \leq \exp \int_0^{\Delta x} \|S\| dx \left( \exp \int_0^{\Delta x} \|S\| dx - 1 \right).$$

И так как норма матриц не меняется при преобразованиях подобия

$$\begin{aligned} \|M\| &\leq \exp \int_0^{\Delta x} \|\tilde{A}\| dx \times \\ &\times \left( \exp \int_0^{\Delta x} \|\tilde{A}\| dx - 1 \right) \approx \|A'(\zeta)\| \Delta x^2 \quad (20) \\ &0 \leq \zeta \leq \Delta x. \end{aligned}$$

**Погрешность, связанная с аппроксимацией матричной экспоненты матричным полиномом.** Пусть  $\lambda_i$  — характеристические числа матрицы  $A$ . Тогда

$$\det(e^{-A}) = e^{-sPA}. \quad (21)$$

По определению [4]

$$\|A\| = \max \sqrt{\sigma_i}, \quad (22)$$

$\sigma_i$  — характеристические числа матрицы

$$H = A^* A = *A^T A. \quad \det(H) = \det^2(A).$$

Очевидно, что

$$\sigma \max \geq \sqrt[n]{\det(H)} \quad (23)$$

Неравенство (23) имеет место для любой матрицы. Матрица относительной погрешности в данном случае имеет вид где

$$\begin{aligned} \Gamma &= R_{k+1} e^{-A \Delta x}, \\ R_{k+1} &= \frac{A_0^{k+1} \Delta x^{k+1}}{(k+1)!} + \dots = \frac{A_0^{k+1} e^{A(\zeta) \cdot \zeta}}{(k+1)!} \zeta^{k+1}, \quad (24) \\ \zeta &\leq \Delta x. \end{aligned}$$

Следовательно

$$\begin{aligned} \det(\Gamma) &= \frac{\det^{k+1}(A_0) e^{sPA(\zeta) \zeta}}{(k+1)!} \zeta^{k+1} \cdot e^{-sPA_0 \Delta x} \\ \|\Gamma\| \geq |\det(\Gamma)|^{\frac{1}{n}} &\geq \left( \frac{\det^{k+1}(A) \zeta^{k+1}}{(k+1)!} \right)^{\frac{1}{n}} \quad (25) \end{aligned}$$

Для получения верхней границы  $\|\Gamma\|$  воспользуемся последовательностью очевидных неравенств:

$$\begin{aligned} \|\Gamma\| &\leq \|R_{k+1}\| \cdot \|e^{-A_0 \Delta x}\| \leq \\ &\leq \frac{\|A_0\|^{k+1} e^{\|A(\zeta)\| \zeta + \|A_0\| \Delta x}}{(k+1)!} \zeta^{k+1}, \quad (26) \\ &\frac{\|A\|^{k+1} e^{2\|A\| \Delta x}}{(k+1)!} \Delta x^{k+1}. \end{aligned}$$

Исследуемая в данной работе схема предложена Ф.Р.Гантмахером [3]. Применительно к задачам теории оболочек описанный алгоритм использован в [2], причем во всех случаях матричная экспонента приближается линейным многочленом вида (10). Анализ выражений (20) и (26) позволяет сделать следующие выводы:

1. Погрешность, вносимая при вычислении матрицанта за счет линейной аппроксимации матричной экспоненты, значительно превышает погрешность, обусловленную формулой (7). В частности, при  $\Delta x := 0,25$ , полагая  $\|A'\| \approx 0,1$ ,  $\|A\| \approx 2,8$  (что справедливо для подавляющего большинства задач теории оболочек), получим для верхней гра-

ницы  $\|M\|$  и  $\|\Gamma\|$  соответственно: 0.00625 и 0.06.

Для того, чтобы погрешности были одного порядка, необходимо в формулах (9) и (10) удержать как минимум 2 члена при условии (28).

2. Авторами работы [2] отмечена крайне медленная сходимость численной схемы при линейном приближении в формуле (8). С практической точки зрения при расчетах на ЭВМ целесообразней повысить степень полинома (10), нежели прибегать к значительному уменьшению  $\Delta x$ .
3. Для сходимости описанного алгоритма необходимо, чтобы  $\Delta x \ll 1$ , [1-7].

## ЛИТЕРАТУРА

1. Григолюк Э.И., Липовцев Ю.В. Локальная устойчивость упругих оболочек вращения. - „Инженерный журнал”, МТТ, № 6, 1968.
2. Алфутов Н.А., Клюев Ю.И., Трофимов В.В. Устойчивость кругового кольца при существенно несимметричном нагружении. - Тр. VIII Все-союзной конференции по теории оболочек и пластин. Ростовна-Дону, 1971.

3. Гантмахер Ф.Р. Теория матриц. М., „Наука”, 1967.
4. Фадеев Д. К., Фадеева В. Н. Вычислительные методы линейной алгебры. М., „Наука”, 1963.
5. Асшкан Сафар Кщодабандешлоу, "А Студий оф Тще Ажтион оф Тще Беам анд Беамлесс (Флат) Флоор Слабс оф Тще Мултисторей Буилдинэс", Ынтернатионал ъурнал фор Жомпутатиона Живил анд Структурал Енэинееринэ, Мосжow, Руссиа, В.3, №2, 2007,пп: 20-28.
6. Сейфулрайев Кщ.Г. "То Солутион оф Егуатионс оф Тщеорий оф Плане Жоверинэс оф Тще Вариабле Тщиккнесс анд Журратуре Ундер Арбитарий Бондарий Жондитионс" Апплиед Межшанижс, Мосжow, Руссиа, Едитион ХВЫ, № 10, 1980, pp: 47-53.
7. Ашкан Сафар Ходабанделу, "О Больших Прогибах Пологих Панелей, Прямоугольных в Плане" Теоретическая и прикладная механика. Межвузовский научно-Технический журнал, Т. ЫЫЫ, № 3(11), Баку, Азербайджан, 2008, стр: 70-77.

## ABÜLFƏZL NƏZƏRİ GİGLOU

*Abolfazl Nazari Giglou, Islamic Azad University of Parsabad Moghan Branch  
E-mail: [a.nazari.g@iaupmogan.ac.ir](mailto:a.nazari.g@iaupmogan.ac.ir)*

## БИРКАМЕРАЛЫ ДУРУЛДУЖУНУН ҖЕВИК ДИБ КОНСТРУКСИЙАСЫНЫН ДЯЙИШЯН QAЛЫНЛЫГЛЫ СОНЛУ QРУНТ ТЯБЯГЯДЯ SЯРБЯСТ ЯЙИЛМЯ RЯГСЛЯРИНИН НЕСАБЛАНМА ЙСУЛУ

### Xülasə

Baxılan dinamiki kontakt məsələ dəyişən qalınlıqlı sonlu sıxılan təbəqədə dok tipli

durulduyu kamerasının dib konstruksiyasının sərbəst əyilmə rəqslərini hesablamağa imkan verir. Sixılmayan təbəqəyə söykənən sixilan qurunt təbəqəsinin sərtlik əmsalı konstruksiyanın uzunluqu boyunca qeyri -xətti qanunla qəbul edilir. Dinamiki kontakt məsələnin həlli fureye əvəzləməsindən istifadə edilməklə və dinamiki sərhəd funksiyasını qəbul etməklə həll edilmişdir. Burada Pikar ardıcıl yaxınlaşma üsulundan istifadə etməklə dib konstruksiyasının sərbəst rəqslərinin baş formasının diferensial tənliyinin həlli qurulmuşdur. Qurulmuş həll dib konstruksiyasının istənilən anda sərbəst əyilmə rəqslərini təyin etməyə və həmçinin rəqslərin tezliyini tapmaqa (hesablamaqa) imkan verir.

Duruulduju kamerasınyнын чевик дуб конструксийасынын узунлуу бойунжа сыхылан грунт тябягясинин галынлысы солдан-саыа доору хятти ганунла (трапесвари) дяйишир. Дуб конструксийасынынбашланыж касийинде сонлу грунт тябягясинин галынлысы  $\mathcal{W}_0$ , сон касийинде ися  $\mathcal{W}_L$ - дир. Беля тябягядя сыхылан гррунт бцнюврятин сяртилек ямсалы грунтуң деформасия мадулундан  $E_0$ , дуб конструксийасынынссоң ямсалыны характеристиза едян параметрдян  $A(\mu_0)$ , дуб конструксийасынын щесаби ениндян  $b_{\mu}$  вя хятти ганунла дяйишян бцнюврят грунтуң галынлысындан-  $\mathcal{W}(x)$  асылы олараг ашыыдақы дцстурла тяйин едилir:

$$K(x) = \frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H(x)} \cdot \frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H_0(1+\beta x)}, \quad (1)$$

бурада

$$\begin{aligned} \beta &= \frac{H_L - H_0}{H_0 \cdot L}, \quad [m^{-1}] \\ A(\mu_0) &= \frac{1 - 2\mu_0 + 0,5\mu_0^2}{(1 - \mu_0^2)(1 - 2\mu_0)} \mu_0^2. \end{aligned} \quad (2)$$

$$(1) \quad \text{ифадясında} \quad \varphi(x) = \frac{1}{1 + \beta x}$$

функцийасыны Маклерон сырасына айрылыб онун илк цч щядди илия кифайятлянсяк, сонлу дяйишян галынлыглы бцнюврятин сяртилек

ямсалыны тяйин етмик ццн ашыыдақы дцстуре аларыг:

$$K(x) = \frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H_0} (1 - \beta x + \beta^2 x^2) \quad (3)$$

Фусс-Винклер моделиндян истифадя едяярк чевик дуб конструксийасынын сярбяст яйилмя рягслариня гарышы дяйишян галынлыглы грунт бцнюврятин эюстярдийи реактив мцгавимиятин интенсивлийини ашыыдақы ифадя илия тяйин едя билярик.

$$\begin{aligned} q_{qr.}(x,t) &= -K(x) \cdot Y(x,t) = \\ &= -\frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H_0} (1 - \beta x + \beta^2 x^2) Y(x,t). \end{aligned} \quad (4)$$

(4) моделиндян истифадя етдикдя биркамералы дуруулдужунун чевик дуб конструксийасынын хятти дяйишян галынлыглы грунт бцнюврядя сярбяст рягсларинин диференсиал тяnlийини ашыыдақы кими ифадя едирик:

$$\begin{aligned} EJ \frac{\partial^4 Y(x,t)}{\partial x^4} + \frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H_0} (1 - \beta x + \beta^2 x^2) Y(x,t) + m_{qe.} \frac{\partial^2 Y(x,t)}{\partial t^2} &= 0. \end{aligned} \quad (5)$$

(5) тяnlийинин бцтцн щядлярини дуб конструксийасынын сабит яйилмя сяртиления бүлсек вя ашыыдақы ишарялянмаяри гябул етсек, (6) тяnlийинин бцтцн щядлярини  $E\ddot{Y}$ -яя бүлсек вя ашыыдақы ишарялянмаяри гябул етсек,

$$\left\{ \begin{aligned} a_0 &= \frac{A(\mu_0)b_hE_0}{H_0 EJ}, \quad [m^{-4}] \\ a_1 &= \frac{A(\mu_0)b_hE_0 \beta}{H_0 EJ} = a_0 \beta, \quad [m^{-5}] \\ a_2 &= \frac{A(\mu_0)b_hE_0 \beta^2}{H_0 EJ} = a_0 \beta^2, \quad [m^{-6}] \\ \bar{m}_{qe.} &= \frac{\bar{m}_{qe.}}{EJ} = \frac{m_{dib.} + m_w + m_\ell}{EJ}, \quad [san^2 m^{-4}] \end{aligned} \right. \quad (6)$$

$m_{dib.}$ ,  $m_w$ ,  $m_\ell$ -бахылан динамики контакт мясялянин диференсиал тяnlийини ашыыдақы кими ифадя едя билярик:

$$EJ \frac{\partial^4 Y(x,t)}{dx^4} + (a_0 - a_1 x + a_2 x^2) \times \\ \times Y(x,t) + \bar{m}_{uee} \frac{\partial^2 Y(x,t)}{dt^2} = 0 \quad (7)$$

Фцрие цсулуну тятбиг етмякля (7) тянлийиня дахил олан  $\ddot{Y}(x,m)$ -функцийасыны ики функцийанын щасили кими гябул едирик, бунлардан бири  $x$ -дан, диэяри ися  $m$ -дан асылы олур:

$$Y(x,t) = X(x)T(t) \quad (8)$$

(8) ифадясиная ясасян  $\ddot{Y}(x,m)$ -функцийасынын (7) тянлийиня дахил олан хцсуси тюрямлярини тапыб бу тянликдя йазсаг, нятижядя аларыг:

$$\frac{X''(x) + (a_0 - a_1 x + a_2 x^2)X(x)}{\bar{m}_{uee}X(x)} = -\frac{T''(t)}{T(t)} = \omega_n^2 \quad (9)$$

Сонунжу тянлийя ясасян ашыыдакы ики тянлийи аларыг:

$$T''(t) + \omega_n^2 T(t) = 0, \quad (10)$$

$$X''(x) - \psi(x)X(x) = 0, \quad (11)$$

бурда,

$$\begin{cases} \psi(x) = a_\omega + a_1 x - a_2 x^2 \\ a_\omega = \omega_n^2 \bar{m}_{uee} - a_0. \end{cases} \quad (12)$$

(10) тянлийинин щялли ашыыдакы кими ифадя олунур:

$$T(t) = A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t \quad (13)$$

$A_n$  вя  $B_n$  - ихтийари интеграл сабитляри-дир. Камеранын чевик дуб конструкцийасынын сярбяст яйилмя рягслиринин баш формасыны ифадя едян (11) диференциал тянлийинин щяллини мювжуд тяхмини цсуллары тятбиг етмякля гурмаг олар [1]. Камеранын чевик дуб конструкцийасынын сярбяст яйилмя рягслиринин баш формасынын диференциал тянлийиня ашыыдакы сярщяд шяртляри дахилиндя баҳырыг ( $x=0$  олдуғда>):

(18)-дя Пикар ардыжыл  
яхынлашмаларыны гейри-мящдуд

$$\begin{aligned} X(0) &= Y_0; \quad X'(0) = \theta_0; \\ X''(0) &= \frac{M_0}{EJ}; \quad X'''(0) = \frac{Q_0}{EJ}. \end{aligned} \quad (14)$$

Бу сярщяд шяртляри дахилиндя (11) диференциал тянлийинин 0- дан  $x$ - я гядяр олан интервалда дюргат интегралласаг, аларыг:

$$\begin{aligned} X(x) &= Y_0 + \theta_0 x + \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} + \\ &\quad \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!} \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \end{aligned} \quad (15)$$

Сонунжу интеграл тянликдя,

$$\begin{aligned} X_0(x) &= X_{cypu}(x) = Y_0 + \theta_0 x + \\ &\quad + \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} + \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!} \end{aligned} \quad (16)$$

гябул етсек, йаза билярик:

$$\begin{aligned} X(x) &= X_0(x) + \\ &\quad + \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \end{aligned} \quad (17)$$

Чевик дуб конструкцийасынын сярбяст яйилмя рягслиринин баш формасыны ифадя едян  $X(x)$ - функцийасына сығырынжы яхынлашма кими  $X_0(x) = X_{cypu}(x)$  функцийасыны гябул етсек мяслянин щяллини Пикар ардыжыл яхынлашма цсулу или гура билярик [2]:

$$\begin{cases} X_0(x) = X_{cypu}(x) = Y_0 + \theta_0 x + \frac{M_0}{EJ} \frac{x^2}{2!} + \frac{Q_0}{EJ} \frac{x^3}{3!}; \\ X_1(x) = X_0(x) + \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X_0(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\ X_2(x) = X_0(x) + \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X_1(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\ X_3(x) = X_0(x) + \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X_2(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz; \\ X_n(x) = X_0(x) + \int_0^x (a_\omega + a_1 z - a_2 z^2) X_{n-1}(z) \frac{(x-z)^3}{3!} dz. \end{cases} \quad (18)$$

Шякилдя давам етдирсек, бу щалда шибщасиз ки,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} [X_n(x) - X_{n-1}(x)] \rightarrow 0 \text{ вя}$$

щяди  $X_h(x)$ - функцийасы бахылан динамики контакт мясялянин щяллини веряк.  $X_h(x)$ - функцийасы мясялянин сяршяд шяртлярини характериза едян бцтцн башланышыж динамики параметрляри юзцндя бирляшдирир.  $X_h(x)$ - функцийасынын ачылышинда дюрд динамики башланышыж параметря эюря груплашма апарсаг бахылан динамики контакт мясялянин там щяллини ашавыдакы шякилдя ифадя едя билиярик:

$$\begin{cases} X_n(x) = Y_0 f_1(x) + \theta_0 f_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f_4(x); \\ \theta_n(x) = Y_0 f'_1(x) + \theta_0 f'_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f'_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f'_4(x); \\ \frac{M_n(x)}{EJ} = Y_0 f''_1(x) + \theta_0 f''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f''_4(x); \\ \frac{Q_n(x)}{EJ} = Y_0 f'''_1(x) + \theta_0 f'''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f'''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f'''_4(x). \end{cases} \quad (19)$$

(19) щесаблама дцтурларында  $\phi_1(x)$ ,  $\phi_2(x)$ ,  $\phi_3(x)$  вя  $\phi_4(x)$  функцийалары дурулдужуунун дуб конструксийасынын сярбаст яйилмя рягслияринин баш формасынын бир-бириндей хятти асылы олмайан дюрд хцуси щялли олуб ашавыдакы жялд йынылан сонсуз сыралар шяклиндя тяйин олунур:

$$\begin{aligned} f_1(x) &= 1 + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n}}{(4n)!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n}}{(5n)!} \times \\ &\times [1 \cdot 6 \cdot 11 \cdots (5n-4)] + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n}}{(6n)!} \quad (20) \\ &\quad [1 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 8 \cdots (6n-5)(6n-4)] + \\ a_{\omega} \left[ \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+4}}{(5n+4)!} t_{1,n} + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+4}}{(6n+4)!} t_{2,n} \right] + \dots; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f_2(x) &= x + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+1}}{(4n+1)!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+1}}{(5n+2)!} [2 \cdot 7 \times \\ &\times 12 \cdots (5n-3)] + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+1}}{(6n+1)!} [2 \cdot 3 \times \quad (21) \\ &\times 8 \cdot 9 \cdots (6n-4)(6n-3)] + a_{\omega} \left[ \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+5}}{(5n+5)!} \times \right. \\ &\left. \times t_{3,n} + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+5}}{(6n+5)!} t_{4,n} \right] + \dots; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f_3(x) &= \frac{x^2}{2!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+2}}{(4n+2)!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+2}}{(5n+2)!} \times \\ &\times [3 \cdot 8 \cdot 13 \cdots (5n-2)] + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+2}}{(6n+2)!} \times \quad (22) \\ &\times [3 \cdot 4 \cdot 9 \cdot 10 \cdots (6n-3)(6n-2)] + a_{\omega} \times \end{aligned}$$

$$\left[ \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+6}}{(5n+6)!} t_{5,n} + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+6}}{(6n+6)!} t_{6,n} \right] + \dots;$$

$$\begin{aligned} f_4(x) &= \frac{x^3}{3!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{\omega}^n x^{4n+3}}{(4n+3)!} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+3}}{(5n+3)!} \times \\ &\times [4 \cdot 9 \cdot 14 \cdots (5n-1)] + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+3}}{(6n+3)!} \times \quad (23) \\ &\times [4 \cdot 5 \cdot 10 \cdot 11 \cdots (6n-2)(6n-1)] + a_{\omega} \times \end{aligned}$$

$$\left[ \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1^n x^{5n+7}}{(5n+7)!} t_{7,n} + \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{a_2^n x^{6n+7}}{(6n+7)!} t_{8,n} \right] + \dots;$$

(20)-(23) ифадяляринде  $m_b (b=1 \dots 8)$  ямсаллары ашавыдакылардыр:

$$\begin{cases} t_{1,n} = 6; 66; \dots; & t_{2,n} = 32; 4336; \dots; \\ t_{3,n} = 8; 102; \dots; & t_{4,n} = 48; 7920; \dots; \\ t_{5,n} = 10; 144; \dots; & t_{6,n} = 68; 13450; \dots; \\ t_{7,n} = 12; 192; \dots; & t_{8,n} = 92; 21520; \dots. \end{cases} \quad (24)$$

(19) дцтурларына дахил олан ясас функцийаларын бириңи илк тяртибдан тюрямияринин ифадяляри (20)-(23)-дя хя эюря ардыжыл диференциаллама апармагла таптылыр:

$$\begin{aligned} f'_1(x) &= \frac{df_1(x)}{dx}; \quad f''_1(x) = \frac{d^2 f_1(x)}{dx^2}; \\ f'''_1(x) &= \frac{d^3 f_1(x)}{dx^3} \text{ вя с.} \end{aligned}$$

(13) вя (19) ифадяляри ясасында дурулдужуунун чевик дуб конструксийасынын ихтийари кясийинде истянилян заман анында рягслиярин амплитуду, дюнмя бцжабы, яижи момент вя кясижи гцвя ашавыдакы дцтурлар шяклиндя тяйин едилир:

$$\left\{ \begin{array}{l} Y_n(x,t) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ Y_0 f_1(x) + \theta_0 f_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f_3(x) + \right. \\ \left. + \frac{Q_0}{EJ} f_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \theta_n(x,t) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ Y_0 f'_1(x) + \theta_0 f'_2(x) + \frac{M_0}{EJ} f'_3(x) + \right. \\ \left. + \frac{Q_0}{EJ} f'_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \frac{M_n(x,t)}{EJ} = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ x_0 f''_1(x) + \theta_0 f''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \times \right. \\ \left. \times f''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f''_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t); \\ \frac{Q_n(x,t)}{EJ} = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ x_0 f'''_1(x) + \theta_0 f'''_2(x) + \frac{M_0}{EJ} \times \right. \\ \left. \times f'''_3(x) + \frac{Q_0}{EJ} f'''_4(x) \right] (A_n \sin \omega_n t + B_n \cos \omega_n t). \end{array} \right. \quad (25)$$

Рягслярин баш формасынын диференциал тянилийинин щяллиндя иштирак едян щяр бир  $\phi_b(x)$  функцийалары сонсуз сыраларын жами кими тяйин едилир. Бу сыраларын сүртнде кичик параметрлар  $a_\omega, a_1, a_2$  вя мяхряжиндя артан факториал ядяллярин олмасы онларын жялд йызылмасыны тямин едир. Ядади щесаблама апардыгда бу функцийаларын вя онларын уйын тюроямляринин ифадяляриндя кифайят гядар дягигликля щяр бир сыралын ики-ич щядди или кифайятлянмяк олар.

(25) ифадяляринин биринжи сятрня ясасын дурулдужуунун дуб конструксийасынын айры-айры нюогтяляринин йердяйишмя сүрти ашашыдакы кими тяйин олунар:

$$V_n(x,t) = \frac{\partial Y_n(x,t)}{\partial t} = \sum_{n=1}^{\infty} \omega_n X_n(x) \times \quad (26) \\ \times (A_n \cos \omega_n t - B_n \sin \omega_n t)$$

Beləliklə təklif olunmuş üsul durulducu kamerasının çevik dib konstruksiyasının dəyişən sonlu qalınlıqlı sıxılan təbəqədə sərbəst əyilmə rəqslerini təyin etməyə imkan verir.

## ЯДАБИЙАТ

- Киселев В.А. Строительная механика. Специальный курс (динамика и устойчивость сооружений). М., 1964, 332 с.
- Бронштейн И.Н., Семендяев К.А. Справочник по математике для инженеров и учащихся ВТУЗов М., 1962, 608 с.

**ABOLFAZL NAZARI GIGLOU**

## COMPUTATION OF THE FREE BENDING VIBRATION OF THE SETTLING CELL FLEXIBLE BOTTOM CONSTRUCTION AT THE FINITE THICKNESS CONFINED LAYER

### ABSTRACT

Dynamic contact problem lets us to compute bending vibration of the dock kind settling cell bottom construction at the confined layer with changeable thickness. Rigidity coefficient of the confined ground layer leaning against the unconfined layer is accepted by the non-linear law along the construction length. The solution of the dynamic contact problem is computed by using the Fourier transform and accepting the dynamic boundary functions. The differential equation solution of the free vibration of the bottom construction head form is formed by the Picard limit of sequence method. This solution lets us to specify the free bending vibration of the bottom construction at any desired time and also to find the frequency of the vibrations. So we can specify the free bending vibration of the settling cell flexible bottom construction at the finite thickness confined layer.

**ƏLƏSGƏROV G.A., KƏRİM FAYIZPUR**

**GÜNƏŞ İŞİĞINDAN İSTİFADƏ ETMƏKLƏ BINA DAXILI**

## **ENERJI TƏLABATININ ÖDƏNİLMƏ PERSPEKTIVLİYI**

Yaşadığımız dünyanın ekvator xəttinə dəha yaxın olan və günəş işığı ilə zəngin ölkələrində-consuz tükənməyən işq - Günəş enerji mənbəyindən müasir dövrədə istifadə olduqca qənaətbəxş sayila bilməz. Buna baxmayaraq, sənayesi daha çox inkişaf etmiş bir sıra dünya ölkələrində təbii Günəş işığından istifadə edilə bil elmi tədqiqatlar işləri aparılır. Lakin bütün bunlar hazırda qədərincə deyildir. Əksinə enerji əldə etmək üçün sünə enerji hasil edən qurğu və mexanizmlərdən istifadə yüksək templə inkişaf etdirilir. Ekologiyaya vurulan ziyan kritik həddə çatmış, bizi əhatə edən mühitə zərərli maddələrin-qazlar, qatı duz mayelər, kansentratların atılması və artımın dayanmadan sıçrayış etməsi yaşadığımız mühitə-təbiətə, flora və faunaya mənfi təsir edir. Dünyadakı son hadisələr: Haitidə, Pakistan, Hindistan, Çində, Rusiya və s. by kimi ölkələrdə -baş verən və çoxlu sayıda insan təlafatı ilə nəticələnən təbii fəlakətlər, insanlara təbiətin xəbərdarlığı kimi qəbul edilməlidir. Artıq ətraf mühitin çirkənməsinin qarşısının almaq üçün təbilin vurmaq vaxtıdır.

Dünya ölkəsində demək olar ki, hündür mərtəbəli tikililərin sayı durmadan artmaqdə davam edir. Bu binaların enerji ilə təchizatı ekologiya baxımdan artıq önəm kəsb edir. Beləki, binanın istilik enerji ilə təchiz edilməsində yerli istilik sistemlərinə üstünlük verildiyindən əksəriyyət mənzillərdə “istilik ocaqları”ndan ibarət yerli isitmə sistemindən istifadə edilir. Nəticə: Hər mənzildə bir “istilik ocağı quraşdırılır. Bu isə qazla işləyən ictilik mərkəzi olduğunda onu hətta: birinci partlayış mənbəyi kimi, ikincisi yanma məhsulu kimi binanın ətraf havasını zəhərli qazla, karbon qazları ilə zənginləşdirmə mənbəyi kimi baxmaq olar. Bu zaman binanın daha yuxarı mərtəbələrində yaşayan sakinlərin həyatını təhlükə qarşısında olur. Nəfəs alıqları havanın zəhərli qazlarla, o cümlədən dəm qazı ilə dolması insanların gələcəkdə xoşa gəlməz xəstəliklərlə tutulmasına gətirib çıxaracaqdır. Bu isə yol verilməzdır.

İnsanlara və mühitimizə zərər verən bütün fəsadların baş verməməməsi üçün zərərli mənbələri aşkarlayıb qarşısını ala biləcək tədbirlərin görülməsi vacib sayıla

bilər. Bu cür tədbirlərin görülməsi ilk növbədə Yer kürəsinin resurlarından-təbii enerj mənbələrindən düzgün və məqsədə uyğun istifadə edilməsi önəm kəsb edir.

Binalarda işq və istilik enerjisini təlabat cox olduğundan, istər işq və istərsə də istilik enerji təlabatı ödəmək üçün Günəş enerjisi və onun işığından istifadə etməyin alternativi demək olar ki, yoxdur. Son vaxtlar günəş işığının enerjisindən gecə işq lampalarından istifadə edilməsi bu istiqamətdə atılan önəmli addımlardan birisi kimi qiymətləndirmək olar. Lakin bütün bunlar “Dəryada bir damcı”nı xatırladır. Bu istiqamətdə görülən işləri genişləndir mək vacibdir.

Günəş enerjisinin daha səmərəli istifadəsi onun fotoelementlərdə elektrik enerjisini çevrilməsi ilə həyata keçirilir. Fotoelementlər işığa həssas yarımkənarıcı materiallardan – selen, silisium, qallium arsenidi, kadmium sulfidi və s. materiallardan hazırlanır. Bu materiallarda xüsusi p-n keçidi tərəfindən işığın udulması elektrik cərəyanı yaradır. Fotoelementlərdən minlərlə kvadrat metr sahə əhatə edən müxtəlif gücdə elektrik stansiyaları qurmaq mümkündür. Günəş enerjisinin Günəşin sutkalıq və mövsümi dövriyyəsində asılı olmaması üçün alınan elektrik enerjisini elektrik akkumulyatorları ilə və ya metalhidrid akkumulyatorlarında hidrogen şəklində toplamaq mümkündür.

Binalarda konstruktiv hesabatlar apararkən konstruksiyaların seçimi yerli şəraitə uyğunlaşdırılması və yerli resurlardan istifadə əhəmiyyətlidir. Tikililərin otaqlarında işqlandırma dərəcəsinin artırıcı ilə həmdə oranın istilik enerjisini təlabatına təsirinin müqayisəli dərəcədə dəyişməsinin bilərək ondan istifadə etməyin səmərəli yolunu aşkarlaması lazımdır.

Bina tikintisində müasir texnologiyalardan yararlanaraq, bina daxili enerji sərfini və əlavə xərcləri azaltma məsələləri, bu gün memarların və konstryktorların xüsusi diqqət ayırdıqları və qarşıya qoyduqları məqsədlərdəndir. Binaların özəl dizaynlarına əsasən onlarda günəşin işığına nəzarət çox qiymətli hesab olunur. Hər

bir dizayner öz fəaliyyətinin təkmilləşməsi, münasib və kafi bir işin təqdim etməsi üçün işıq enerjisindən istifadə və onun nəzarətinə xüsusi diqqət ayırmalıdır.

Yeni binaların çoxu kafi işıqlığa malik bir yerdə tikilməli və tikiləcək binanın da hansısa bir hissəsi özünə lazım olan işığa malik olmalıdır. Eləcə də, memarların çoxu, qədim binaları da yenidən bərpa etməkdə, həmin binaların işığına nəzarət və günəşin enerjisindən düzgün yararlana bilməyi özlərinə məqsəd qoyurlar. İşığa nəzarət sistemləri enerji ilə yüksək uzlaşma qabiliyyətinə malikdirlər və onların bu üstünlüyü enerjini həcmli toplamaqda çox effektli və faydalıdır.

Ən yüksək enerji həcmini istehsal etmə və işıqlandırma sistemləri üçün enerjinin verilməsi özlərinə məxsus və effektli nəzarətə malik projektor aparatlarının və lampaların vasitəsilə həyata keçir. İndi isə bu isbat olunmuş teorem, tikintinin yeni metodunda və dünyanın üstün sənayelərində faydalı tətbiq oluna bilinsin deyə, onlar binaların tikintisi qaydalarında nəzərə alınmalıdır.

Müasir binalar yeni metodlarla izolyasiya olunub və bu izolyasalar binanın fəzasında temperaturun dəyişməsi və ya buxarlanmanın faizinin minimuma endirə bilib və əslində binada ümumi enerji məsrəfində işıq payının rolunu dahada önəmlı etmişdir. Hal hazırda bütün memearlar və tikinti mütəxəssisləri, binanı təkməzdən əvvəl, hətta binanın hava sistemində müxtəlif dərəcələr olca da belə, işığa nəzarətin düzgün və tələb olunan metodla binada tətbiq oluna biəcəyini nəzərə almalıdır.

Eləcə də con illərdə, yeni tikilmiş binaların çoxunda fırlanma qabiliyyəti tətbiq edilmişdir və belə binalar üzərinə düşən işığın cəzb edə bildiklərinə görə binanın günəş işığı ilə təmin etmə sistemlərində maksimal istifadə edə və faydalana bilirlər.

Enerjinin məsrəfinə nəzarət və onun binanın işıq sisiteminin vasitəsilə toplanması, hər bir enerji istifadəçisinin vastəsilə həyata keçirilə bilir və məsələdə onlar düzgün təlimatlandırılmalıdır. Ona görə ki, məlumatlandırma, enerjini düzgün məsrəf etmə və düzgün toplamasında çox önemlidir. Binanın işıqlanma və isitmə sistemlərdə

enerjinin təbii resurslardan düzgün yarananmaq, ətəfin təmizliyinə zərərlə qazların o cüldən, karbon oksid qazının hədsiz ötürülməsinin qarşısını almaqdə əsas rola malikdir.

Əslində hər bir mütəxəssis və professional dizayner binanın günəş işığına nəzarət strategiyası üzrə münasib enerjinin toplanması və kapital qoyuluşu həcmimin arasında müvəzinət məsələlərində xüsusi diqqət ayırmalı və binada günəş enerjisinin maksimal istifadəsi üçün ən əlverişli sistemlərdən yararlana bilməlidir.

Lakin belə bir məsələni də vürüqlamaq lazımdır ki, binanın işığına nəzarət məsələsi üzlaşa bilən olmalıdır. Belə ki, binada enerji daşıyıcılarını müxtəlif təyinatlara dəyişdirməyə və istənilən şəraitdə istifadə ediən olmalıdır.

Enerjinin düzgün toplama və ondan düzgün istifadə mövzusu. Son illər dəfələrlə tədqiq olunmuş və bu məsələ hamiya tanışdır. Lakin, təbii enerji resurlarını yeni binalarda istifadəsinin və binaların işığına nəzarətin necə olması problemi vardır və bu məsələ bütün dizaynerlərə və memlərə, xüsusi olaraq, təlimat verilməlidir.

Önəmli olan işıq enerjisində dair indiyə kimi onu izah edən və dünyanın bütün ölkələrin tikintidə çalışan konstrukturların və analitiklərin beyninin məhsulu olan çoxlu analitik elmi əsərlər yazılmışdır. Lakin bu yazılar, əslində formal xarakter daşımış və praktikada necə lazımdır tətbiq edilməyibdir.

Son illərdə, dünyanın çox ölkələrində müxtəlif tikinti və yaşayış kompleksləri proyektləri üçün iri büdcələr sərf edilmişdir. Lakin bitirdikdən sonra, onların konstrukturları kafi və gözləniləsi nəticə əldə edə bilməyiblər.

Dünyanın bir sıra aparıcı ölkələrində, o cümlədən ABŞ-da iqtisadi böhran tikinti sektorunda baş vermiş kəskin və fərqli səbətsizlik səbəbindən başlanmış və hələ də indiyədək davam etməkdədir. İqtisadi böhranın baş verməsi, tikinti üzrə maliyyə investorlarının və maliyyə müəssisələrinin bu sektora iri büdcələrinin sərf etmələrindən imtina etmələrinə və dünyanın ev tikintisi bazarından üzəqlaşmalarına səbəb olmuşdur.

Qətiyyətlə demək olar ki, tikinti sahəsində müasir texnologiyaların icad edilməsi çox önəmlidir, lakin dünyanın tikinti bazarında nisbi durğunluğğa görə belə bir texnologiyalar öz rolunu dünya bazarında tam ifa edə bilməmiş və bu sektorda öz yerlərini daha da yüksəldə bilməyiblər.

Hər halda təbii enerji resurlarından maksimal yararlanmağa dair hansısa bir cəmiyyətin bilik səviyyəsinin artması və bu resurların əlavə xərclərin azalması ilə əlaqəli olması, müasir texnologiyaların tətbiqinin artmasında effektiv ola bilər və müsbət nəticə verə bilər.

### Ədəbiyyat

1. 4 Times Square New York City.  
Highlighting high performance. US DOE.  
2001.
2. Energy efficiency in a Manhattan skyscraper. CADDET. 2000.
3. Environmental Guidelines For Tenant Improvements. Conde Nast Building@Four Times Square.

**Ələsgərov G.A., Kərim Fayizpur.**  
**Iran. Təbriz**

**GÜNƏŞ İŞİĞİNDƏN İSTİFADƏ  
ETMƏKLƏ  
BINA DAXİLİ ENERJİ TƏLƏBATININ  
ÖDƏNİLMƏSİ**

### PERSPEKTIVLIYI

#### Anatasiya

Son illərdə, dünyanın çox ölkələrində müxtəlif tikinti və yaşayış kompleksləri projektləri üçün iri büdcələr sərf edilmişdir. Lakin bitirdikdən sonra, onların konstrukturları kafi və gözləniləsi nəticə əldə edə bilməyiblər. Ona görə də təbii enerji resurlarından maksimal yararlanmaq və bu resurlardan səmərəli istifadə etmək alımlərin qarşısında duran ən aktual və önəmlı məsələlərdən biridir.

**Alaskharov G.A., Karim Fayizpur**

**Durch die Verwendung von onnenlicht  
GEBÄUDE Zahlung der inländischen  
Energiebedarfs Aussicht**

#### Anatasiya

In den letzten Jahren haben viele Länder auf der ganzen Welt in verschiedenen Projekten für den Bau von Großwohnanlagen und Budgets ausgegeben worden. Doch nach dem Studium, waren sie nicht in der Lage, Ergebnisse zu erzielen und arm. Daher ist der maximale Nutzen aus der natürlichen Energie und wirksame Nutzung der Nanotechnologie eines der dringendsten und wichtigsten.